제 2 교시

수학 영역

5지선다형

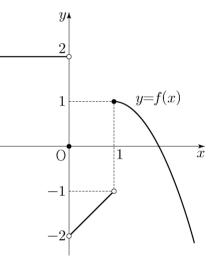
1.
$$\frac{3^{\sqrt{5}+1}}{3^{\sqrt{5}-1}}$$
의 값은? [2점]

2. $\int_{-1}^{1} (x^3 + a) dx = 4$ 일 때, 상수 a의 값은? [2점]

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

① 1 ② $\sqrt{3}$ ③ 3 ④ $3\sqrt{3}$ ⑤ 9

4. 함수
$$y = f(x)$$
의 그래프가 그림과 같다.



 $\mathbf{3}$. 함수 $y=2^x$ 의 그래프를 y축의 방향으로 m만큼 평행이동한

그래프가 점 (-1, 2)를 지날 때, 상수 m의 값은? [3점]

① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ $\frac{3}{2}$ ④ 2 ⑤ $\frac{5}{2}$

 $\lim_{x \to 0^-} f(x) - \lim_{x \to 1^+} f(x)$ 의 값은? [3점]

5. $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$ 인 θ 에 대하여 $\sin \theta \cos \theta = -\frac{12}{25}$ 일 때,

 $\sin\theta - \cos\theta$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{4}{5}$ ② 1 ③ $\frac{6}{5}$ ④ $\frac{7}{5}$ ⑤ $\frac{8}{5}$

6. 다항함수 f(x)가

$$f'(x) = 3x^2 - kx + 1$$
, $f(0) = f(2) = 1$

을 만족시킬 때, 상수 *k*의 값은? [3점]

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

7. 함수

$$f(x) = \begin{cases} x - 4 & (x < a) \\ x + 3 & (x \ge a) \end{cases}$$

에 대하여 함수 |f(x)|가 실수 전체의 집합에서 연속일 때, 상수 *a*의 값은? [3점]

- ① -1 ② $-\frac{1}{2}$ ③ 0 ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ 1

- 8. 함수 $y = 6 \sin \frac{\pi}{12} x (0 \le x \le 12)$ 의 그래프와 직선 y = 3이 만나는 두 점을 각각 A, B라 할 때, 선분 AB의 길이는? [3점]

 - ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9

- 10. $\frac{1}{2} < \log a < \frac{11}{2}$ 인 양수 a에 대하여 $\frac{1}{3} + \log \sqrt{a}$ 의 값이 자연수가 되도록 하는 모든 a의 값의 곱은? [4점]

- ① 10^{10} ② 10^{11} ③ 10^{12} ④ 10^{13} ⑤ 10^{14}

- **9.** 원점을 지나고 곡선 $y = -x^3 x^2 + x$ 에 접하는 모든 직선의 기울기의 합은? [4점]

- ① 2 ② $\frac{9}{4}$ ③ $\frac{5}{2}$ ④ $\frac{11}{4}$ ⑤ 3

11. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

방정식 f(x)=9는 서로 다른 세 실근을 갖고, 이 세 실근은 크기 순서대로 등비수열을 이룬다.

f(0)=1, f'(2)=-2일 때, f(3)의 값은? [4점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

12. 0 < a < b인 모든 실수 a, b에 대하여

$$\int_{a}^{b} \left(x^3 - 3x + k\right) dx > 0$$

- 이 성립하도록 하는 실수 k의 최솟값은? [4점]
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

13. 수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제n항까지의 합을 S_n 이라 하자. 다음은 모든 자연수 n에 대하여

$$\sum_{k=1}^{n} \frac{S_k}{k!} = \frac{1}{(n+1)!}$$

이 성립할 때, $\sum_{k=1}^{n} \frac{1}{a_k}$ 을 구하는 과정이다.

n=1일 때, $a_1=S_1=rac{1}{2}$ 이므로 $rac{1}{a_1}=2$ 이다.

n=2일 때, $a_2=S_2-S_1=-rac{7}{6}$ 이므로 $\sum_{k=1}^2rac{1}{a_k}=rac{8}{7}$ 이다.

 $n \ge 3$ 인 모든 자연수 n에 대하여

$$\frac{S_n}{n!} = \sum_{k=1}^n \frac{S_k}{k!} - \sum_{k=1}^{n-1} \frac{S_k}{k!} = -\frac{\boxed{(7)}}{(n+1)!}$$

즉, $S_n = -\frac{(7)}{n+1}$ 이므로

$$a_n = S_n - S_{n-1} = - \left(\begin{array}{|c|} \hline (\downarrow \downarrow) \\ \hline \end{array} \right)$$

이다. 한편 $\sum_{k=2}^{n} k(k+1) = -8 + \sum_{k=1}^{n} k(k+1)$ 이므로

$$\begin{split} \sum_{k=1}^{n} \frac{1}{a_k} &= \frac{8}{7} - \sum_{k=3}^{n} k(k+1) \\ &= \frac{64}{7} - \frac{n(n+1)}{2} - \sum_{k=1}^{n} \boxed{\text{(F)}} \\ &= -\frac{1}{3}n^3 - n^2 - \frac{2}{3}n + \frac{64}{7} \end{split}$$

이다.

위의 (7), (4), (4)에 알맞은 식을 각각 f(n), g(n), h(k)라 할 때, $f(5) \times g(3) \times h(6)$ 의 값은? [4점]

- ① 3

- ② 6 ③ 9 ④ 12
- ⑤ 15

14. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 t에서의 가속도가

$$a(t) = 3t^2 - 12t + 9 \ (t \ge 0)$$

이고, 시각 t=0에서의 속도가 k일 때, <보기>에서 옳은것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

----<보 기>-

- ¬. 구간 (3, ∞)에서 점 P의 속도는 증가한다.
- ㄴ. $k\!=\!-4$ 이면 구간 $(0,\infty)$ 에서 점 P의 운동 방향이 두 번 바뀐다.
- \Box . 시각 t=0에서 시각 t=5까지 점 P의 위치의 변화량과 점 P가 움직인 거리가 같도록 하는 k의 최솟값은 0이다.
- \bigcirc
- ③ ¬. ∟

- ④ ¬, □
 ⑤ ¬, □, □

15. 다음 조건을 만족시키는 모든 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

 $\sum_{k=1}^{100} a_k$ 의 최댓값과 최솟값을 각각 M, m이라 할 때,

M − *m* 의 값은? [4점]

- $(7) a_5 = 5$
- (나) 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+1} = \left\{ \begin{aligned} a_n - 6 & \left(a_n \geq 0\right) \\ -2a_n + 3 & \left(a_n < 0\right) \end{aligned} \right.$$

이다.

- ① 64 ② 68
 - ③ 72 ④ 76
- (5) 80

단답형

16. 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_3=7,\ a_2+a_5=16$ 일 때, a_{10} 의 값을 구하시오. [3점]

17. 미분가능한 함수 f(x)가 f(1)=2, f'(1)=4를 만족시킬 때, 함수 g(x)=(x+1)f(x)의 x=1에서의 미분계수를 구하시오.

[3점]

18. 두 양수 x, y가

$$\log_2(x+2y) = 3$$
, $\log_2 x + \log_2 y = 1$

을 만족시킬 때, $x^2 + 4y^2$ 의 값을 구하시오. [3점]

19. 실수 k에 대하여 함수 $f(x) = x^4 + kx + 10$ 이 x = 1에서 극값을 가질 때, f(1)의 값을 구하시오. [3점]

 $\mathbf{20}$. 공차가 정수인 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

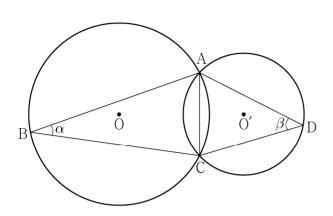
$$a_3 + a_5 = 0$$
, $\sum_{k=1}^{6} (|a_k| + a_k) = 30$

일 때, a_9 의 값을 구하시오. [4점]

21. 그림과 같이 한 평면 위에 있는 두 삼각형 ABC, ACD의 외심을 각각 O, O'이라 하고 \angle ABC = α , \angle ADC = β 라 할 때,

$$\frac{\sin\beta}{\sin\alpha} = \frac{3}{2}$$
, $\cos(\alpha + \beta) = \frac{1}{3}$, $\overline{OO'} = 1$

이 성립한다. 삼각형 ABC의 외접원의 넓이가 $\frac{q}{p}\pi$ 일 때, p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]



22. 함수

$$f(x) = x^3 - 3px^2 + q$$

가 다음 조건을 만족시키도록 하는 25 이하의 두 자연수 p, q의 모든 순서쌍 (p,q)의 개수를 구하시오. [4점]

- (가) 함수 |f(x)|가 x=a에서 극대 또는 극소가 되도록 하는 모든 실수 a의 개수는 5이다.
- (나) 닫힌구간 [-1,1] 에서 함수 |f(x)| 의 최댓값과 닫힌구간 [-2,2] 에서 함수 |f(x)| 의 최댓값은 같다.

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

23.
$$\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\pi} \sin x \, dx$$
의 값은? [2점]

- $\bigcirc 1 2$ $\bigcirc 2 1$ $\bigcirc 3 \ 0$ $\bigcirc 4 \ 1$

24. 정수 k에 대하여 수열 $\{a_n\}$ 의 일반항을

$$a_n = \left(\frac{\mid k \mid}{3} - 2\right)^n$$

이라 하자. 수열 $\{a_n\}$ 이 수렴하도록 하는 모든 정수 k의 개수는? [3점]

- ① 4 ② 8 ③ 12 ④ 16 ⑤ 20

25. 매개변수 t로 나타낸 곡선

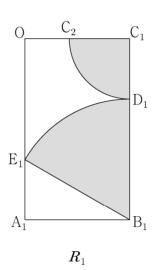
$$x = e^t + 2t$$
, $y = e^{-t} + 3t$

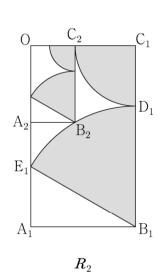
에 대하여 t=0에 대응하는 점에서의 접선이 점 (10, a)를 지날 때, a의 값은? [3점]

- ① 6
- ② 7
- ③ 8
- **4** 9
- ⑤ 10
- **26.** 그림과 같이 $\overline{OA_1} = \sqrt{3}$, $\overline{OC_1} = 1$ 인 직사각형 $OA_1B_1C_1$ 이 있다. 선분 B_1C_1 위의 $\overline{B_1D_1}=2\overline{C_1D_1}$ 인 점 D_1 에 대하여 중심이 B_1 이고 반지름의 길이가 $\overline{B_1D_1}$ 인 원과 선분 OA_1 의 교점을 E_1 , 중심이 C_1 이고 반지름의 길이가 $\overline{C_1D_1}$ 인 원과 선분 OC_1 의 교점을 C_2 라 하자. 부채꼴 $B_1D_1E_1$ 의 내부와 부채꼴 C₁C₂D₁의 내부로 이루어진 < 모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을 R_1 이라 하자.

그림 R_1 에서 선분 OA_1 위의 점 A_2 , 호 D_1E_1 위의 점 B_2 와 점 C_2 , 점 O를 꼭짓점으로 하는 직사각형 $OA_2B_2C_2$ 를 그리고, 그림 R_1 을 얻은 것과 같은 방법으로 직사각형 OA₀B₀C₀에 ○ 모양의 도형을 그리고 색칠하여 얻은 그림을 R_2 라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림 R_n 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를 S_n 이라 할 때, $\lim S_n$ 의 값은? [3점]



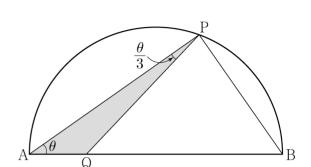


- ② $\frac{2+\sqrt{3}}{6}\pi$ ③ $\frac{3+2\sqrt{3}}{12}\pi$
- $4 \frac{1+\sqrt{3}}{6}\pi$
- ⑤ $\frac{1+2\sqrt{3}}{12}\pi$

- **27.** 곡선 $y = x \ln(x^2 + 1)$ 과 x축 및 직선 x = 1로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]
 - ① $\ln 2 \frac{1}{2}$ ② $\ln 2 \frac{1}{4}$ ③ $\ln 2 \frac{1}{6}$

- (4) $\ln 2 \frac{1}{8}$ (5) $\ln 2 \frac{1}{10}$

28. 그림과 같이 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는 반원의 호 위에 점 P가 있고, 선분 AB 위에 점 Q가 있다. $\angle PAB = \theta$ 이고 $\angle APQ = \frac{\theta}{3}$ 일 때, 삼각형 PAQ의 넓이를 $S(\theta)$, 선분 PB의 길이를 $l(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \to 0+} \frac{S(\theta)}{l(\theta)}$ 의 값은? (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$) [4점]



- ① $\frac{1}{12}$ ② $\frac{1}{6}$ ③ $\frac{1}{4}$ ④ $\frac{1}{3}$ ⑤ $\frac{5}{12}$

단답형

29. 함수 $f(x) = e^x + x - 1$ 과 양수 t에 대하여 함수

$$F(x) = \int_{0}^{x} \{t - f(s)\} ds$$

가 $x=\alpha$ 에서 최댓값을 가질 때, 실수 α 의 값을 g(t)라 하자. 미분가능한 함수 g(t)에 대하여 $\int_{f(1)}^{f(5)} \frac{g(t)}{1+e^{g(t)}} dt$ 의 값을 구하시오. [4점]

30. 두 양수 a, b(b<1)에 대하여 함수 f(x)를

$$f(x) = \begin{cases} -x^2 + ax & (x \le 0) \\ \frac{\ln(x+b)}{x} & (x > 0) \end{cases}$$

이라 하자. 양수 m에 대하여 직선 y=mx와 함수 y=f(x)의 그래프가 만나는 서로 다른 점의 개수를 g(m)이라 할 때, 함수 g(m)은 다음 조건을 만족시킨다.

 $\lim_{m \to \alpha^-} g(m) - \lim_{m \to \alpha^+} g(m) = 1$ 을 만족시키는 양수 α 가 오직 하나 존재하고, 이 α 에 대하여 점 (b,f(b))는 직선 $y = \alpha x$ 와 곡선 y = f(x)의 교점이다.

 $ab^2 = \frac{q}{p}$ 일 때, p+q의 값을 구하시오.

(단, p와 q는 서로소인 자연수이고, $\lim_{x \to \infty} f(x) = 0$ 이다.) [4점]

* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오. 제 2 교시

수학 영역

5지선다형

- 1. $2^{\sqrt{3}} \times 2^{2-\sqrt{3}}$ 의 값은? [2점]
 - ① $\sqrt{2}$ ② 2 ③ $2\sqrt{2}$ ④ 4 ⑤ $4\sqrt{2}$

2. 함수 f(x)가

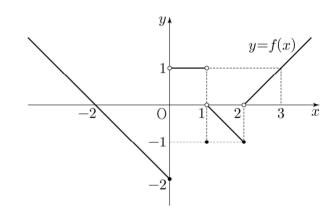
$$f'(x) = 3x^2 - 2x$$
, $f(1) = 1$

을 만족시킬 때, f(2)의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- 3. $\pi < \theta < \frac{3}{2}\pi$ 인 θ 에 대하여 $\tan \theta = \frac{12}{5}$ 일 때, $\sin \theta + \cos \theta$ 의 값은? [3점]
 - ① $-\frac{17}{13}$ ② $-\frac{7}{13}$ ③ 0 ④ $\frac{7}{13}$ ⑤ $\frac{17}{13}$

4. 함수 y = f(x)의 그래프가 그림과 같다.



 $\lim_{x \to 0^-} f(x) + \lim_{x \to 2^+} f(x)$ 의 값은? [3점]

 $\mathbf{5}$. 다항함수 f(x)에 대하여 함수 g(x)를

$$g(x) = (x^2 + 3)f(x)$$

라 하자. f(1) = 2, f'(1) = 1일 때, g'(1)의 값은? [3점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

- **6.** 곡선 $y = 3x^2 x$ 와 직선 y = 5x로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]
 - 1
- ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

7. 첫째항이 2인 등차수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제n항까지의 합을 S_n 이라 하자.

$$a_6=2\left(S_3-S_2\right)$$

일 때, S_{10} 의 값은? [3점]

- ① 100 ② 110 ③ 120 ④ 130 ⑤ 140

8. 함수

$$f(x) = \begin{cases} -2x+6 & (x < a) \\ 2x-a & (x \ge a) \end{cases}$$

에 대하여 함수 $\{f(x)\}^2$ 이 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 모든 상수 a의 값의 합은? [3점]

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

9. 수열 $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+1} = \left\{ egin{array}{ll} rac{1}{a_n} & (n \circ) & \raise ^2
ightharpoons ^2
ightharp$$

이고 $a_{12} = \frac{1}{2}$ 일 때, $a_1 + a_4$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{3}{4}$ ② $\frac{9}{4}$ ③ $\frac{5}{2}$ ④ $\frac{17}{4}$ ⑤ $\frac{9}{2}$

10. $n \ge 2$ 인 자연수 n에 대하여 두 곡선

$$y = \log_n x$$
, $y = -\log_n(x+3) + 1$

- 이 만나는 점의 x좌표가 1보다 크고 2보다 작도록 하는 모든 *n*의 값의 합은? [4점]

- ① 30 ② 35 ③ 40 ④ 45 ⑤ 50

 $oldsymbol{11}$. 닫힌구간 [0,1] 에서 연속인 함수 f(x)가

$$f(0) = 0$$
, $f(1) = 1$, $\int_0^1 f(x) dx = \frac{1}{6}$

을 만족시킨다. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수 g(x)가 다음 조건을 만족시킬 때, $\int_{-3}^{2} g(x) dx$ 의 값은? [4점]

$$(7) g(x) = \begin{cases} -f(x+1)+1 & (-1 < x < 0) \\ f(x) & (0 \le x \le 1) \end{cases}$$

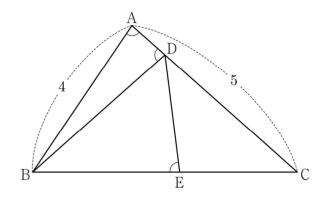
- (나) 모든 실수 x 에 대하여 g(x+2) = g(x)이다.

- ① $\frac{5}{2}$ ② $\frac{17}{6}$ ③ $\frac{19}{6}$ ④ $\frac{7}{2}$ ⑤ $\frac{23}{6}$

12. 그림과 같이 $\overline{AB} = 4$, $\overline{AC} = 5$ 이고 $\cos(\angle BAC) = \frac{1}{8}$ 인 삼각형 ABC가 있다. 선분 AC 위의 점 D와 선분 BC 위의 점 E에 대하여

$$\angle BAC = \angle BDA = \angle BED$$

일 때, 선분 DE의 길이는? [4점]



- ① $\frac{7}{3}$ ② $\frac{5}{2}$ ③ $\frac{8}{3}$ ④ $\frac{17}{6}$ ⑤ 3

13. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수 f(x)가 구간 (0,1] 에서

$$f(x) = \begin{cases} 3 & (0 < x < 1) \\ 1 & (x = 1) \end{cases}$$

이고, 모든 실수 x에 대하여 f(x+1)=f(x)를 만족시킨다.

$$\sum_{k=1}^{20} \frac{k \times f(\sqrt{k})}{3}$$
의 값은? [4점]

- ① 150 ② 160 ③ 170 ④ 180
- ⑤ 190

- 14. 두 양수 p, q와 함수 $f(x) = x^3 3x^2 9x 12$ 에 대하여 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 g(x)가 다음 조건을 만족시킬 때, p+q의 값은? [4점]
 - (가) 모든 실수 x에 대하여 xg(x) = |xf(x-p)+qx|이다.
 - (나) 함수 g(x)가 x=a에서 미분가능하지 않은 실수 a의 개수는 1이다.
 - \bigcirc 6
- ② 7 3 8 4 9 5 10

 $15. -1 \le t \le 1$ 인 실수 t에 대하여 x에 대한 방정식

$$\left(\sin\frac{\pi x}{2} - t\right) \left(\cos\frac{\pi x}{2} - t\right) = 0$$

의 실근 중에서 집합 $\{x|0 \le x < 4\}$ 에 속하는 가장 작은 값을 $\alpha(t)$, 가장 큰 값을 $\beta(t)$ 라 하자. $\langle \pm 1 \rangle$ 에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

ㄱ. $-1 \le t < 0$ 인 모든 실수 t에 대하여 $\alpha(t) + \beta(t) = 5$ 이다.

ㄷ. $\alpha(t_1) = \alpha(t_2)$ 인 두 실수 t_1 , t_2 에 대하여

$$t_2-t_1=rac{1}{2}$$
이면 $t_1 imes t_2=rac{1}{3}$ 이다.

- ① ¬
- ② ¬, ∟
- ③ ┐. τ

- ④ ∟, ⊏
- ⑤ 7, ∟, ⊏

단답형

16. $\log_4 \frac{2}{3} + \log_4 24$ 의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수 $f(x) = x^3 - 3x + 12$ 가 x = a에서 극소일 때, a + f(a)의 값을 구하시오. (단, a는 상수이다.) [3점]

18. 모든 항이 양수인 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_2 = 36$$
, $a_7 = \frac{1}{3}a_5$

일 때, a_6 의 값을 구하시오. [3점]

19. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 $t \, (t \geq 0)$ 에서의 속도 v(t) 가

$$v\left(t\right)=3t^{2}-4t+k$$

이다. 시각 t=0에서 점 P의 위치는 0이고, 시각 t=1에서 점 P의 위치는 -3이다. 시각 t=1에서 t=3까지 점 P의 위치의 변화량을 구하시오. (단, k는 상수이다.) [3점]

20. 실수 a와 함수 $f(x) = x^3 - 12x^2 + 45x + 3$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \int_{a}^{x} \{f(x) - f(t)\} \times \{f(t)\}^{4} dt$$

가 오직 하나의 극값을 갖도록 하는 모든 a의 값의 합을 구하시오. [4점]

- **21.** 다음 조건을 만족시키는 최고차항의 계수가 1인 이차함수 f(x)가 존재하도록 하는 모든 자연수 n의 값의 합을 구하시오. [4점]
 - (7) x에 대한 방정식 $(x^n-64)f(x)=0$ 은 서로 다른 두 실근을 갖고, 각각의 실근은 중근이다.
 - (나) 함수 f(x)의 최솟값은 음의 정수이다.

- 22. 삼차함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (7) 방정식 f(x) = 0의 서로 다른 실근의 개수는 2이다.
 - (나) 방정식 f(x-f(x))=0의 서로 다른 실근의 개수는 3이다.

f(1)=4, f'(1)=1, f'(0)>1일 때, $f(0)=\frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「**선택과목(확률과 통계)」** 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

- **23.** $\lim_{n\to\infty} \frac{1}{\sqrt{n^2+n+1}-n}$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5
- 24. 매개변수 t로 나타내어진 곡선

$$x = e^t + \cos t, \quad y = \sin t$$

에서 t=0일 때, $\frac{dy}{dx}$ 의 값은? [3점]

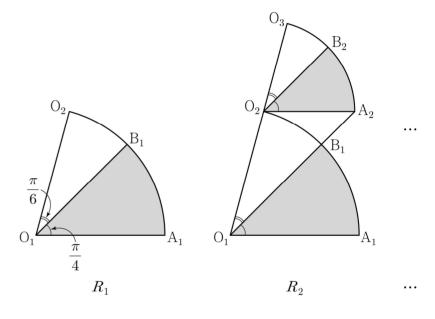
- ① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ $\frac{3}{2}$ ④ 2 ⑤ $\frac{5}{2}$

- **25.** 원점에서 곡선 $y = e^{|x|}$ 에 그은 두 접선이 이루는 예각의 크기를 θ 라 할 때, $\tan \theta$ 의 값은? [3점]
 - ① $\frac{e}{e^2+1}$ ② $\frac{e}{e^2-1}$ ③ $\frac{2e}{e^2+1}$

- $\underbrace{4} \frac{2e}{e^2-1}$

- **26.** 그림과 같이 중심이 O_1 , 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가 $\frac{5\pi}{12}$ 인 부채꼴 $O_1A_1O_2$ 가 있다. 호 A_1O_2 위에 점 B_1 을 $\angle A_1 O_1 B_1 = \frac{\pi}{4}$ 가 되도록 잡고, 부채꼴 $O_1 A_1 B_1$ 에 색칠하여
 - 얻은 그림을 R_1 이라 하자. 그림 R_1 에서 점 O_2 를 지나고 선분 O_1A_1 에 평행한 직선이 직선 O_1B_1 과 만나는 점을 A_2 라 하자. 중심이 O_2 이고 중심각의 크기가 $\frac{5\pi}{12}$ 인 부채꼴 $\mathrm{O_2A_2O_3}$ 을 부채꼴 $\mathrm{O_1A_1B_1}$ 과 겹치지 않도록 그린다. 호 A_2O_3 위에 점 B_2 를 $\angle A_2O_2B_2 = \frac{\pi}{4}$ 가 되도록 잡고, 부채꼴 $O_2A_2B_2$ 에 색칠하여 얻은 그림을 R_2 라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림 R_n 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를 S_n 이라 할 때, $\lim S_n$ 의 값은? [3점]



- $2\frac{7\pi}{32}$ $3\frac{\pi}{4}$ $4\frac{9\pi}{32}$

27. 두 함수

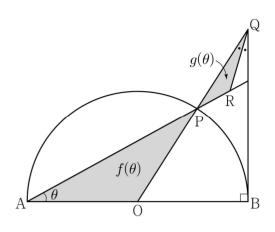
$$f(x) = e^x$$
, $g(x) = k \sin x$

에 대하여 방정식 f(x) = g(x)의 서로 다른 양의 실근의 개수가 3일 때, 양수 *k*의 값은? [3점]

- ① $\sqrt{2}e^{\frac{3\pi}{2}}$ ② $\sqrt{2}e^{\frac{7\pi}{4}}$ ④ $\sqrt{2}e^{\frac{5\pi}{2}}$

28. 그림과 같이 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는 반원의 호 AB 위에 점 P가 있다. 선분 AB의 중점을 O라 할 때, 점 B를 지나고 선분 AB에 수직인 직선이 직선 OP와 만나는 점을 Q라 하고, ∠OQB의 이등분선이 직선 AP와 만나는 점을 R라 하자. $\angle OAP = \theta$ 일 때, 삼각형 OAP의 넓이를 $f(\theta)$, 삼각형 PQR의 넓이를 $g(\theta)$ 라 하자.

 $\lim_{\theta \to 0+} \frac{g(\theta)}{\theta^4 \times f(\theta)} 의 값은? (단, 0 < \theta < \frac{\pi}{4}) [4점]$



- \bigcirc 2
- $2\frac{5}{2}$ 3 3 4 $\frac{7}{2}$ 5 4

수학 영역(미적분)

단답형

29. t > 2e 인 실수 t 에 대하여 함수 $f(x) = t(\ln x)^2 - x^2$ 이 x = k에서 극대일 때, 실수 k의 값을 g(t)라 하면 g(t)는 미분가능한 함수이다. $g(\alpha) = e^2$ 인 실수 α 에 대하여 $\alpha \times \{g'(\alpha)\}^2 = \frac{q}{p}$ 일 때, p + q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

30. $t > \frac{1}{2} \ln 2$ 인 실수 t에 대하여 곡선 $y = \ln(1 + e^{2x} - e^{-2t})$ 과 직선 y = x + t가 만나는 서로 다른 두 점 사이의 거리를 f(t)라 할 때, $f'(\ln 2) = \frac{q}{p} \sqrt{2}$ 이다. p + q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역

5지선다형

- 1. $\frac{1}{\sqrt[4]{3}} \times 3^{-\frac{7}{4}}$ 의 값은? [2점]
 - ① $\frac{1}{9}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ 1 ④ 3 ⑤ 9

- **2.** 함수 $f(x) = 2x^3 + 4x + 5$ 에 대하여 f'(1)의 값은? [2점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

3. 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_1 = 2$$
, $a_2 a_4 = 36$

일 때,
$$\frac{a_7}{a_3}$$
의 값은? [3점]

- ① 1 ② $\sqrt{3}$ ③ 3 ④ $3\sqrt{3}$ ⑤ 9

4. 함수

$$f(x) = \begin{cases} 2x + a & (x \le -1) \\ x^2 - 5x - a & (x > -1) \end{cases}$$

- 이 실수 전체의 집합에서 연속일 때, 상수 a의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- **5.** 함수 $f(x) = 2x^3 + 3x^2 12x + 1$ 의 극댓값과 극솟값을 각각 M, m이라 할 때, M+m의 값은? [3점]
 - ① 13
- 2 14
- ③ 15
- **4** 16
- ⑤ 17

- 6. $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$ 인 θ 에 대하여 $\frac{\sin \theta}{1 \sin \theta} \frac{\sin \theta}{1 + \sin \theta} = 4$ 일 때, cosθ의 값은? [3점]
 - ① $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ ② $-\frac{1}{3}$ ③ 0 ④ $\frac{1}{3}$ ⑤ $\frac{\sqrt{3}}{3}$

7. 수열 $\{a_n\}$ 은 $a_1 = -4$ 이고, 모든 자연수 n에 대하여

$$\sum_{k=1}^{n} \frac{a_{k+1} - a_{k}}{a_{k} \, a_{k+1}} = \frac{1}{n}$$

- 을 만족시킨다. a_{13} 의 값은? [3점]

- $\bigcirc 1 -9$ $\bigcirc 2 -7$ $\bigcirc 3 -5$ $\bigcirc 4 -3$ $\bigcirc 5 -1$

8. 삼차함수 f(x)가

$$\lim_{x \to 0} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \to 1} \frac{f(x)}{x - 1} = 1$$

을 만족시킬 때, f(2)의 값은? [3점]

- ① 4 ② 6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12

9. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 t(t>0)에서의 속도 v(t)가

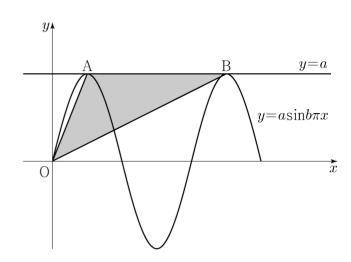
$$v(t) = -4t^3 + 12t^2$$

이다. 시각 t=k에서 점 P의 가속도가 12일 때, 시각 t=3k에서 t=4k까지 점 P가 움직인 거리는? (단, k는 상수이다.) [4점]

- ① 23 ② 25 ③ 27 ④ 29 ⑤ 31

- 10. 두 양수 a, b에 대하여 곡선 $y = a \sin b \pi x \left(0 \le x \le \frac{3}{b}\right)$ 이 직선 y=a와 만나는 서로 다른 두 점을 A, B라 하자. 삼각형 OAB의 넓이가 5이고 직선 OA의 기울기와 직선 OB의 기울기의 곱이 $\frac{5}{4}$ 일 때, a+b의 값은? (단, O는 원점이다.) [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5



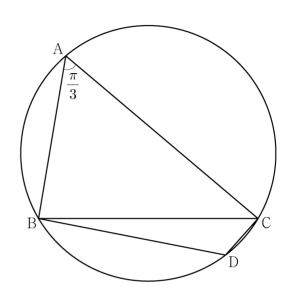
11. 다항함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$xf(x) = 2x^3 + ax^2 + 3a + \int_1^x f(t) dt$$

를 만족시킨다. $f(1) = \int_0^1 f(t)dt$ 일 때, a+f(3)의 값은? (단, a는 상수이다.) [4점]

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8

- 12. 반지름의 길이가 $2\sqrt{7}$ 인 원에 내접하고 $\angle A = \frac{\pi}{3}$ 인 삼각형 ABC가 있다. 점 A를 포함하지 않는 호 BC 위의 점 D 에 대하여 $\sin(\angle BCD) = \frac{2\sqrt{7}}{7}$ 일 때, $\overline{BD} + \overline{CD}$ 의 값은? [4점]
 - ① $\frac{19}{2}$ ② 10 ③ $\frac{21}{2}$ ④ 11 ⑤ $\frac{23}{2}$



- 13. 첫째항이 -45이고 공차가 d인 등차수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시키도록 하는 모든 자연수 d의 값의 합은? [4점]
 - (가) $\left|a_m\right| = \left|a_{m+3}\right|$ 인 자연수 m이 존재한다.
 - (나) 모든 자연수 n에 대하여 $\sum_{k=1}^{n} a_k > -100$ 이다.
 - ① 44

- ② 48 ③ 52 ④ 56
- (5) 60

14. 최고차항의 계수가 1이고 f'(0) = f'(2) = 0인 삼차함수 f(x)와 양수 p에 대하여 함수 g(x)를

$$g(x) = \begin{cases} f(x) - f(0) & (x \le 0) \\ f(x+p) - f(p) & (x > 0) \end{cases}$$

이라 하자. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

----<보 기>---

- ㄱ. p=1일 때, g'(1)=0이다.
- \cup . g(x)가 실수 전체의 집합에서 미분가능하도록 하는 양수 p의 개수는 1이다.

ㄷ.
$$p \ge 2$$
일 때, $\int_{-1}^{1} g(x) dx \ge 0$ 이다.

- ② ¬, ∟
- ③ ¬, ⊏

- ④ ∟, ⊏
- ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

15. 수열 $\left\{a_n\right\}$ 은 $\left|a_1\right| \leq 1$ 이고, 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+1} = \left\{ \begin{array}{ll} -2a_n - 2 & \left(-1 \leq a_n < -\frac{1}{2}\right) \\ \\ 2a_n & \left(-\frac{1}{2} \leq a_n \leq \frac{1}{2}\right) \\ \\ -2a_n + 2 & \left(\frac{1}{2} < a_n \leq 1\right) \end{array} \right.$$

을 만족시킨다. $a_5 + a_6 = 0$ 이고 $\sum_{k=1}^5 a_k > 0$ 이 되도록 하는 모든 a_1 의 값의 합은? [4점]

- ① $\frac{9}{2}$ ② 5 ③ $\frac{11}{2}$ ④ 6 ⑤ $\frac{13}{2}$

단답형

16. $\log_2 100 - 2\log_2 5$ 의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수 f(x)에 대하여 $f'(x) = 8x^3 - 12x^2 + 7$ 이고 f(0) = 3일 때, f(1)의 값을 구하시오. [3점]

18. 두 수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{10} \left(a_k + 2b_k \right) = 45, \quad \sum_{k=1}^{10} \left(a_k - b_k \right) = 3$$

일 때,
$$\sum_{k=1}^{10} \left(b_k - \frac{1}{2}\right)$$
의 값을 구하시오. [3점]

19. 함수 $f(x) = x^3 - 6x^2 + 5x$ 에서 x의 값이 0에서 4까지 변할 때의 평균변화율과 f'(a)의 값이 같게 되도록 하는 0 < a < 4인 모든 실수 a의 값의 곱은 $\frac{q}{p}$ 이다. p + q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [3점]

20. 함수 $f(x) = \frac{1}{2}x^3 - \frac{9}{2}x^2 + 10x$ 에 대하여 x에 대한 방정식

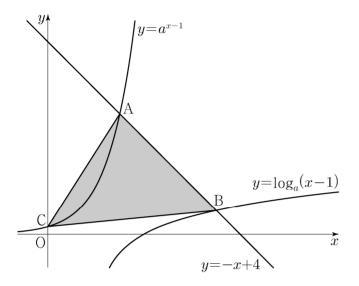
$$f(x) + |f(x) + x| = 6x + k$$

의 서로 다른 실근의 개수가 4가 되도록 하는 모든 정수 k의 값의 합을 구하시오. [4점]

21. a > 1인 실수 a에 대하여 직선 y = -x + 4가 두 곡선

$$y = a^{x-1}, \quad y = \log_a(x-1)$$

과 만나는 점을 각각 A, B라 하고, 곡선 $y=a^{x-1}$ 이 y축과 만나는 점을 C라 하자. $\overline{AB}=2\sqrt{2}$ 일 때, 삼각형 ABC의 넓이는 S이다. $50\times S$ 의 값을 구하시오. [4점]



22. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)에 대하여 함수

$$g(x) = f(x-3) \times \lim_{h \to 0+} \frac{|f(x+h)| - |f(x-h)|}{h}$$

가 다음 조건을 만족시킬 때, f(5)의 값을 구하시오. [4점]

- (가) 함수 g(x)는 실수 전체의 집합에서 연속이다.
- (나) 방정식 g(x)=0은 서로 다른 네 실근 α_1 , α_2 , α_3 , α_4 를 갖고 $\alpha_1+\alpha_2+\alpha_3+\alpha_4=7$ 이다.

* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「**선택과목(확률과 통계)」** 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

23. $\lim_{n\to\infty} \frac{2\times 3^{n+1}+5}{3^n+2^{n+1}}$ 의 값은? [2점]

- \bigcirc 2

- 2 4 3 6 4 8
- **24.** $2\cos\alpha = 3\sin\alpha$ 이고 $\tan(\alpha+\beta) = 1$ 일 때, $\tan\beta$ 의 값은?

- ① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{5}$ ③ $\frac{1}{4}$ ④ $\frac{1}{3}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

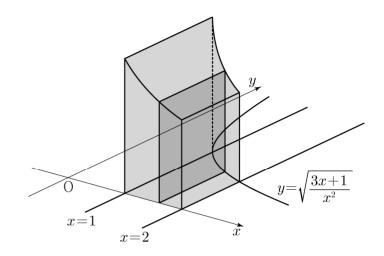
25. 매개변수 t로 나타내어진 곡선

$$x = e^t - 4e^{-t}, \quad y = t + 1$$

에서 $t = \ln 2$ 일 때, $\frac{dy}{dx}$ 의 값은? [3점]

- ① 1 ② $\frac{1}{2}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{1}{4}$ ⑤ $\frac{1}{5}$
- **26.** 그림과 같이 곡선 $y = \sqrt{\frac{3x+1}{x^2}} (x>0)$ 과 x축 및

두 직선 x=1, x=2로 둘러싸인 부분을 밑면으로 하고 x축에 수직인 평면으로 자른 단면이 모두 정사각형인 입체도형의 부피는? [3점]



- \bigcirc 3 ln 2

- $4 \frac{1}{2} + 4 \ln 2$
- $(5) 1+4\ln 2$

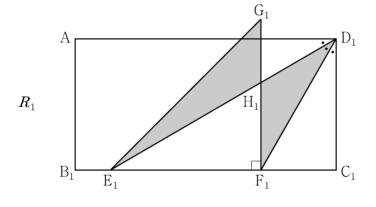
수학 영역(미적분)

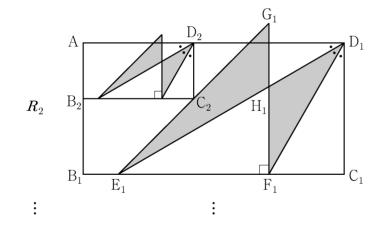
27. 그림과 같이 $\overline{AB_1} = 1$, $\overline{B_1C_1} = 2$ 인 직사각형 $AB_1C_1D_1$ 이 있다. $\angle AD_1C_1$ 을 삼등분하는 두 직선이 선분 B_1C_1 과 만나는 점 중점 B_1 에 가까운 점을 E_1 , 점 C_1 에 가까운 점을 F_1 이라 하자. $\overline{E_1F_1} = \overline{F_1G_1}$, $\angle E_1F_1G_1 = \frac{\pi}{2}$ 이고 선분 AD_1 과 선분 F_1G_1 이 만나도록 점 G_1 을 잡아 삼각형 $E_1F_1G_1$ 을 그린다. 선분 E_1D_1 과 선분 F_1G_1 이 만나는 점을 H_1 이라 할 때, 두 삼각형 $G_1E_1H_1$, $H_1F_1D_1$ 로 만들어진 \nearrow 모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을 R_1 이라 하자.

그림 R_1 에 선분 AB_1 위의 점 B_2 , 선분 E_1G_1 위의 점 C_2 , 선분 AD_1 위의 점 D_2 와 점 A를 꼭짓점으로 하고

 $\overline{AB_2}:\overline{B_2C_2}=1:2$ 인 직사각형 $AB_2C_2D_2$ 를 그린다. 직사각형 $AB_2C_2D_2$ 에 그림 R_1 을 얻은 것과 같은 방법으로 \nearrow 모양의 도형을 그리고 색칠하여 얻은 그림을 R_2 라 하자.

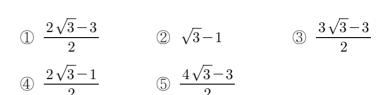
이와 같은 과정을 계속하여 n 번째 얻은 그림 R_n 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를 S_n 이라 할 때, $\lim_{n\to\infty} S_n$ 의 값은? [3점]

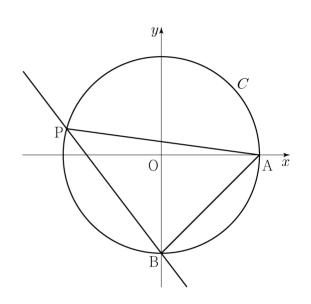




① $\frac{2\sqrt{3}}{9}$ ② $\frac{5\sqrt{3}}{18}$ ③ $\frac{\sqrt{3}}{3}$ ④ $\frac{7\sqrt{3}}{18}$ ⑤ $\frac{4\sqrt{3}}{9}$

28. 좌표평면에서 원점을 중심으로 하고 반지름의 길이가 2인원 C와 두 점 A(2,0), B(0,-2)가 있다. 원 C위에 있고 x좌표가 음수인 점 P에 대하여 \angle PAB= θ 라 하자. 점 $Q(0,2\cos\theta)$ 에서 직선 BP에 내린 수선의 발을 R라 하고, 두 점 P와 R 사이의 거리를 $f(\theta)$ 라 할 때, $\int_{-\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{3}} f(\theta) d\theta$ 의 값은? [4점]





단답형

- **29.** 이차함수 f(x)에 대하여 함수 $g(x) = \{f(x)+2\}e^{f(x)}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.
 - (가) f(a) = 6인 a에 대하여 g(x)는 x = a에서 최댓값을 갖는다.
 - (나) g(x)는 x = b, x = b + 6에서 최솟값을 갖는다.

방정식 f(x)=0의 서로 다른 두 실근을 α , β 라 할 때, $(\alpha-\beta)^2$ 의 값을 구하시오. (단, a, b는 실수이다.) [4점]

30. 최고차항의 계수가 9인 삼차함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(7) \lim_{x \to 0} \frac{\sin(\pi \times f(x))}{x} = 0$$

(나) f(x)의 극댓값과 극솟값의 곱은 5이다.

함수 g(x)는 $0 \le x < 1$ 일 때 g(x) = f(x)이고 모든 실수 x에 대하여 g(x+1) = g(x)이다.

g(x)가 실수 전체의 집합에서 연속일 때, $\int_0^5 xg(x)dx = \frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「**선택과목(기하)」** 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역

5지선다형

- 1. $(2^{\sqrt{3}} \times 4)^{\sqrt{3}-2}$ 의 값은? [2점]
 - ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ 2 ⑤ 4

2. 함수 $f(x) = x^3 + 3x^2 + x - 1$ 에 대하여 f'(1)의 값은? [2점]

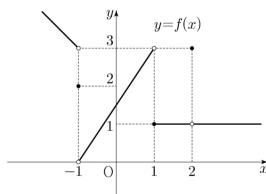
① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

- **3.** 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_2 = 6$$
, $a_4 + a_6 = 36$

일 때, a_{10} 의 값은? [3점]

- ① 30 ② 32 ③ 34 ④ 36 ⑤ 38



 $\lim_{x \to -1-} f(x) + \lim_{x \to 2} f(x) 의 값은? [3점]$

4. 함수 y = f(x)의 그래프가 그림과 같다.

- ${f 5}$. 첫째항이 1인 수열 $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n에 대하여
 - $a_{n+1} = \left\{ \begin{array}{ll} 2a_n & \left(a_n < 7\right) \\ \\ a_n 7 & \left(a_n \geq 7\right) \end{array} \right.$

일 때, $\sum_{k=1}^{8} a_k$ 의 값은? [3점]

- ① 30 ② 32 ③ 34 ④ 36

⑤ 38

- 6. 방정식 $2x^3 3x^2 12x + k = 0$ 이 서로 다른 세 실근을 갖도록 하는 정수 k의 개수는? [3점]
 - ① 20
 - ② 23 ③ 26
- **4** 29
- ⑤ 32

- 7. $\pi < \theta < \frac{3}{2}\pi$ 인 θ 에 대하여 $\tan \theta \frac{6}{\tan \theta} = 1$ 일 때, $\sin\theta + \cos\theta$ 의 값은? [3점]
 - ① $-\frac{2\sqrt{10}}{5}$ ② $-\frac{\sqrt{10}}{5}$ ② $\frac{2\sqrt{10}}{5}$ ③ $\frac{2\sqrt{10}}{5}$
- 3 0

8. 곡선 $y=x^2-5x$ 와 직선 y=x로 둘러싸인 부분의 넓이를 직선 x=k가 이등분할 때, 상수 k의 값은? [3점]

① 3

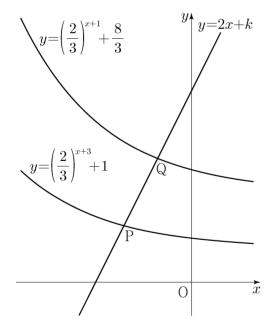
- $2 \frac{13}{4}$ $3 \frac{7}{2}$ $4 \frac{15}{4}$ 5 4

9. 직선 y=2x+k가 두 함수

$$y = \left(\frac{2}{3}\right)^{x+3} + 1$$
, $y = \left(\frac{2}{3}\right)^{x+1} + \frac{8}{3}$

의 그래프와 만나는 점을 각각 P, Q라 하자. $\overline{PQ} = \sqrt{5}$ 일 때, 상수 k의 값은? [4점]

- ① $\frac{31}{6}$ ② $\frac{16}{3}$ ③ $\frac{11}{2}$ ④ $\frac{17}{3}$ ⑤ $\frac{35}{6}$



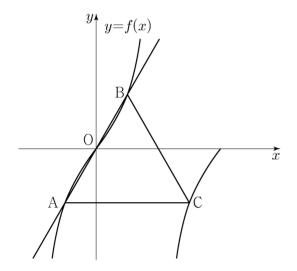
10. 삼차함수 f(x)에 대하여 곡선 y = f(x) 위의 점 (0, 0)에서의 접선과 곡선 y = xf(x) 위의 점 (1, 2)에서의 접선이 일치할 때, f'(2)의 값은? [4점]

- $\bigcirc 1 18$ $\bigcirc 2 17$ $\bigcirc 3 16$ $\bigcirc 4 15$ $\bigcirc 5 14$

11. 양수 a에 대하여 집합 $\left\{x \left| -\frac{a}{2} < x \le a, x \ne \frac{a}{2} \right\}$ 에서 정의된 함수

$$f(x) = \tan\frac{\pi x}{a}$$

가 있다. 그림과 같이 함수 y = f(x)의 그래프 위의 세 점 O, A, B를 지나는 직선이 있다. 점 A를 지나고 x축에 평행한 직선이 함수 y=f(x)의 그래프와 만나는 점 중 A가 아닌 점을 C라 하자. 삼각형 ABC가 정삼각형일 때, 삼각형 ABC의 넓이는? (단, O는 원점이다.) [4점]



- ① $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ ② $\frac{17\sqrt{3}}{12}$

- $4 \frac{5\sqrt{3}}{4}$
- ⑤ $\frac{7\sqrt{3}}{6}$

12. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$${f(x)}^3 - {f(x)}^2 - x^2 f(x) + x^2 = 0$$

을 만족시킨다. 함수 f(x)의 최댓값이 1이고 최솟값이 0일 때, $f\left(-\frac{4}{3}\right)+f(0)+f\left(\frac{1}{2}\right)$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ $\frac{3}{2}$ ④ 2 ⑤ $\frac{5}{2}$

- 13. 두 상수 a, b(1 < a < b)에 대하여 좌표평면 위의 두 점 $(a, \log_2 a)$, $(b, \log_2 b)$ 를 지나는 직선의 y절편과 두 점 $\left(a,\log_4 a\right),\, \left(b,\log_4 b\right)$ 를 지나는 직선의 y절편이 같다. 함수 $f(x) = a^{bx} + b^{ax}$ 에 대하여 f(1) = 40일 때, f(2)의 값은? [4점]
 - ① 760
- ② 800
- ③ 840
- **4** 880
- **⑤** 920
- 14. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 t 에서의 위치 x(t)가 두 상수 a, b에 대하여

$$x(t) = t(t-1)(at+b) \quad (a \neq 0)$$

이다. 점 P의 시각 t에서의 속도 v(t)가 $\int_0^1 |v(t)| dt = 2$ 를 만족시킬 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

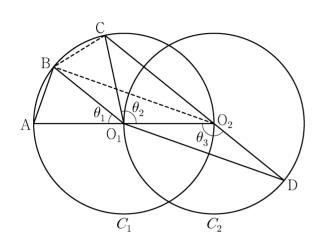
$$\neg . \int_0^1 v(t) dt = 0$$

- ㄴ. $|x(t_1)| > 1$ 인 t_1 이 열린구간 (0,1)에 존재한다.
- -. $0 \le t \le 1$ 인 모든 t에 대하여 |x(t)| < 1이면 $x(t_2) = 0$ 인 t_2 가 열린구간 (0, 1)에 존재한다.
- \bigcirc
- ② ¬, ∟
- ③ ¬, ⊏

- ④ ∟, □⑤ ¬, ∟, □

15. 두 점 O_1 , O_2 를 각각 중심으로 하고 반지름의 길이가 $\overline{O_1O_2}$ 인 두 원 C_1 , C_2 가 있다. 그림과 같이 원 C_1 위의 서로 다른 세 점 A, B, C와 원 C_2 위의 점 D가 주어져 있고, 세 점 A, O_1, O_2 와 세 점 C, O_2 , D가 각각 한 직선 위에 있다.

이때 $\angle BO_1A = \theta_1$, $\angle O_2O_1C = \theta_2$, $\angle O_1O_2D = \theta_3$ 이라 하자.



다음은 $\overline{AB}: \overline{O_1D}=1:2\sqrt{2}$ 이고 $\theta_3=\theta_1+\theta_2$ 일 때, 선분 AB와 선분 CD의 길이의 비를 구하는 과정이다.

 $\angle CO_2O_1 + \angle O_1O_2D = \pi$ 이므로 $\theta_3 = \frac{\pi}{2} + \frac{\theta_2}{2}$ 이고

 $\theta_3 = \theta_1 + \theta_2$ 에서 $2\theta_1 + \theta_2 = \pi$ 이므로 $\angle CO_1 B = \theta_1$ 이다. 이때 $\angle O_2O_1B = \theta_1 + \theta_2 = \theta_3$ 이므로 삼각형 O_1O_2B 와 삼각형 O_2O_1D 는 합동이다.

 $\overline{AB} = k$ 라 할 때

$$\overline{\mathrm{BO}_2} = \overline{\mathrm{O}_1\mathrm{D}} = 2\sqrt{2}\,k$$
이므로 $\overline{\mathrm{AO}_2} = \boxed{(7)}$ 이고,

$$\angle BO_2A = \frac{\theta_1}{2}$$
이므로 $\cos\frac{\theta_1}{2} = \boxed{(\downarrow)}$ 이다.

삼각형 O₂BC에서

$$\overline{BC} = k$$
, $\overline{BO_2} = 2\sqrt{2}k$, $\angle CO_2B = \frac{\theta_1}{2}$ 이므로

코사인법칙에 의하여 $\overline{\mathrm{O_2C}} = \overline{\mathrm{(r)}}$ 이다.

$$\overline{\mathrm{CD}} = \overline{\mathrm{O_2D}} + \overline{\mathrm{O_2C}} = \overline{\mathrm{O_1O_2}} + \overline{\mathrm{O_2C}}$$
이므로

$$\overline{\mathrm{AB}}:\overline{\mathrm{CD}}=k:\left(\frac{\boxed{(7)}}{2}+\boxed{(다)}\right)$$
이다.

위의 (7), (다)에 알맞은 식을 각각 f(k), g(k)라 하고, (나)에 알맞은 수를 p라 할 때, $f(p) \times g(p)$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{169}{27}$ ② $\frac{56}{9}$ ③ $\frac{167}{27}$ ④ $\frac{166}{27}$ ⑤ $\frac{55}{9}$

단답형

16. $\log_2 120 - \frac{1}{\log_{15} 2}$ 의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수 f(x)에 대하여 $f'(x) = 3x^2 + 2x$ 이고 f(0) = 2일 때, f(1)의 값을 구하시오. [3점]

18. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{10} a_k - \sum_{k=1}^{7} \frac{a_k}{2} = 56, \quad \sum_{k=1}^{10} 2a_k - \sum_{k=1}^{8} a_k = 100$$

일 때, a_8 의 값을 구하시오. [3점]

19. 함수 $f(x) = x^3 + ax^2 - (a^2 - 8a)x + 3$ 이 실수 전체의 집합에서 증가하도록 하는 실수 a의 최댓값을 구하시오. [3점]

- **20.** 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (가) 닫힌구간 [0,1] 에서 f(x) = x이다.
 - (나) 어떤 상수 a, b에 대하여 구간 $[0, \infty)$ 에서 f(x+1)-xf(x)=ax+b이다.

 $60 imes \int_1^2 f(x) dx$ 의 값을 구하시오. [4점]

- 21. 수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.
 - $(7) \quad \left| a_1 \right| = 2$
 - (나) 모든 자연수 n에 대하여 $\left|a_{n+1}\right|=2\left|a_{n}\right|$ 이다.

$$(\mathrm{T}) \sum_{n=1}^{10} a_n = -14$$

 $a_1 + a_3 + a_5 + a_7 + a_9$ 의 값을 구하시오. [4점]

- **22.** 최고차항의 계수가 $\frac{1}{2}$ 인 삼차함수 f(x)와 실수 t에 대하여 방정식 f'(x) = 0이 닫힌구간 [t, t+2] 에서 갖는 실근의 개수를 g(t)라 할 때, 함수 g(t)는 다음 조건을 만족시킨다.
 - (가) 모든 실수 a에 대하여 $\lim_{t \to a^+} g(t) + \lim_{t \to a^-} g(t) \le 2$ 이다.
 - (나) g(f(1)) = g(f(4)) = 2, g(f(0)) = 1
 - f(5)의 값을 구하시오. [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「**선택과목(확률과 통계)」** 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

23.
$$\lim_{n \to \infty} \frac{\frac{5}{n} + \frac{3}{n^2}}{\frac{1}{n} - \frac{2}{n^3}}$$
의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

24. 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$f(x^3+x) = e^x$$

- 을 만족시킬 때, f'(2)의 값은? [3점]

- ① e ② $\frac{e}{2}$ ③ $\frac{e}{3}$ ④ $\frac{e}{4}$ ⑤ $\frac{e}{5}$

25. 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{n=1}^{\infty} (a_{2n-1} - a_{2n}) = 3, \quad \sum_{n=1}^{\infty} a_n^2 = 6$$

일 때, $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ 의 값은? [3점]

- ① 1
- ② 2
- 3 3 4 4

- **26.** $\lim_{n \to \infty} \sum_{k=1}^{n} \frac{k^2 + 2kn}{k^3 + 3k^2n + n^3}$ 의 값은? [3점]

- ① $\ln 5$ ② $\frac{\ln 5}{2}$ ③ $\frac{\ln 5}{3}$ ④ $\frac{\ln 5}{4}$ ⑤ $\frac{\ln 5}{5}$

- **27.** 좌표평면 위를 움직이는 점 P의 시각 t(t>0)에서의 위치가 곡선 $y=x^2$ 과 직선 $y=t^2x-\frac{\ln t}{8}$ 가 만나는 서로 다른 두 점의 중점일 때, 시각 t=1에서 t=e까지 점 P가 움직인 거리는?

 - ① $\frac{e^4}{2} \frac{3}{8}$ ② $\frac{e^4}{2} \frac{5}{16}$ ③ $\frac{e^4}{2} \frac{1}{4}$
 - $\textcircled{4} \ \ \frac{e^4}{2} \frac{3}{16} \qquad \qquad \textcircled{5} \ \ \frac{e^4}{2} \frac{1}{8}$

28. 함수 $f(x) = 6\pi(x-1)^2$ 에 대하여 함수 g(x)를

$$g(x) = 3f(x) + 4\cos f(x)$$

라 하자. 0 < x < 2에서 함수 g(x)가 극소가 되는 x의 개수는? [4점]

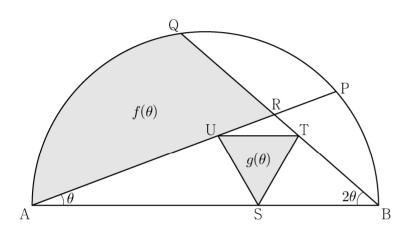
- \bigcirc 6
- 2 7 3 8
- **4** 9
- ⑤ 10

단답형

29. 그림과 같이 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는 반원이 있다. 호 AB 위에 두 점 P, Q를 \angle PAB= θ , \angle QBA= 2θ 가 되도록 잡고, 두 선분 AP, BQ의 교점을 R라 하자. 선분 AB 위의 점 S, 선분 BR 위의 점 T, 선분 AR 위의 점 U를 선분 UT가 선분 AB에 평행하고 삼각형 STU가 정삼각형이 되도록 잡는다. 두 선분 AR, QR와 호 AQ로 둘러싸인 부분의 넓이를 $f(\theta)$, 삼각형 STU의 넓이를 $g(\theta)$ 라 할 때,

 $\lim_{\theta \to 0+} \frac{g(\theta)}{\theta \times f(\theta)} = \frac{q}{p} \sqrt{3} \text{ 이다. } p+q 의 값을 구하시오.$

(단, $0 < \theta < \frac{\pi}{6}$ 이고, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]



30. 실수 전체의 집합에서 증가하고 미분가능한 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(7)$$
 $f(1) = 1$, $\int_{1}^{2} f(x) dx = \frac{5}{4}$

(나) 함수 f(x)의 역함수를 g(x)라 할 때, $x \geq 1$ 인 모든 실수 x에 대하여 g(2x) = 2f(x)이다.

 $\int_{1}^{8} xf'(x)dx = \frac{q}{p}$ 일 때, p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역

5지선다형

- 1. $(-\sqrt{2})^4 \times 8^{-\frac{2}{3}}$ 의 값은? [2점]
 - ① 1 ② 2
- ③ 3 ④ 4
- 5 5

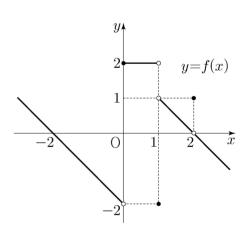
- **2.** 함수 $f(x) = x^3 + 9$ 에 대하여 $\lim_{h \to 0} \frac{f(2+h) f(2)}{h}$ 의 값은? [2점]

- ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14
- (5) 15

- 3. $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$ 인 θ 에 대하여 $\cos^2\theta = \frac{4}{9}$ 일 때, $\sin^2\theta + \cos\theta$ 의

- $\bigcirc -\frac{4}{9}$ $\bigcirc -\frac{1}{3}$ $\bigcirc -\frac{2}{9}$ $\bigcirc -\frac{1}{9}$ $\bigcirc 0$

4. 함수 y = f(x)의 그래프가 그림과 같다.



- $\lim_{x \to 0^{-}} f(x) + \lim_{x \to 1^{+}} f(x) 의 값은? [3점]$

 ${f 5}$. 모든 항이 양수인 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_1 = \frac{1}{4}$$
, $a_2 + a_3 = \frac{3}{2}$

일 때, $a_6 + a_7$ 의 값은? [3점]

- ① 16 ② 20 ③ 24 ④ 28

- (5) **3**2

6. 두 양수 a, b에 대하여 함수 f(x)가

$$f(x) = \begin{cases} x+a & (x < -1) \\ x & (-1 \le x < 3) \\ bx-2 & (x \ge 3) \end{cases}$$

이다. 함수 |f(x)|가 실수 전체의 집합에서 연속일 때, a+b의 값은? [3점]

- ① $\frac{7}{3}$ ② $\frac{8}{3}$ ③ 3 ④ $\frac{10}{3}$ ⑤ $\frac{11}{3}$

- 7. 닫힌구간 $[0,\pi]$ 에서 정의된 함수 $f(x) = -\sin 2x$ 가 x = a에서 최댓값을 갖고 x = b에서 최솟값을 갖는다. 곡선 y = f(x) 위의 두 점 (a, f(a)), (b, f(b))를 지나는 직선의 기울기는? [3점]

 - ① $\frac{1}{\pi}$ ② $\frac{2}{\pi}$ ③ $\frac{3}{\pi}$ ④ $\frac{4}{\pi}$ ⑤ $\frac{5}{\pi}$

- 8. 실수 전체의 집합에서 미분가능하고 다음 조건을 만족시키는 모든 함수 f(x)에 대하여 f(5)의 최솟값은? [3점]
 - (7) f(1) = 3
 - (나) 1 < x < 5인 모든 실수 x에 대하여 $f'(x) \ge 5$ 이다.
 - ① 21
- 2 22
- ③ 23 ④ 24

 $\bigcirc 5 25$

9. 두 함수

$$f(x) = x^3 - x + 6$$
, $g(x) = x^2 + a$

가 있다. $x \ge 0$ 인 모든 실수 x에 대하여 부등식

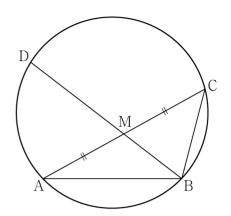
$$f(x) \ge g(x)$$

가 성립할 때, 실수 a의 최댓값은? [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

10. 그림과 같이 $\overline{AB} = 3$, $\overline{BC} = 2$, $\overline{AC} > 3$ 이고 $\cos(\angle BAC) = \frac{7}{8}$ 인 삼각형 ABC가 있다. 선분 AC의 중점을 M, 삼각형 ABC의 외접원이 직선 BM과 만나는 점 중 B가 아닌

점을 D라 할 때, 선분 MD의 길이는? [4점]



- ① $\frac{3\sqrt{10}}{5}$ ② $\frac{7\sqrt{10}}{10}$ ③ $\frac{4\sqrt{10}}{5}$

11. 시각 t=0일 때 동시에 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q의 시각 $t(t \ge 0)$ 에서의 속도가 각각

$$v_1(t) = 2 - t$$
, $v_2(t) = 3t$

이다. 출발한 시각부터 점 P가 원점으로 돌아올 때까지 점 Q가 움직인 거리는? [4점]

- ① 16

- ② 18 ③ 20 ④ 22
- **⑤** 24

- 12. 공차가 3인 등차수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킬 때, a_{10} 의 값은? [4점]
 - $(7) a_5 \times a_7 < 0$
 - $(\mbox{$\downarrow$}) \ \sum_{k=1}^{6} \left| a_{k+6} \right| = 6 + \sum_{k=1}^{6} \left| a_{2k} \right|$
 - ① $\frac{21}{2}$ ② 11 ③ $\frac{23}{2}$ ④ 12 ⑤ $\frac{25}{2}$

수학 영역

13. 두 곡선 $y=16^x$, $y=2^x$ 과 한 점 A(64, 2^{64})이 있다.

점 A를 지나며 x축과 평행한 직선이 곡선 $y=16^x$ 과 만나는 점을 P_1 이라 하고, 점 P_1 을 지나며 y축과 평행한 직선이 곡선 $y=2^x$ 과 만나는 점을 Q_1 이라 하자.

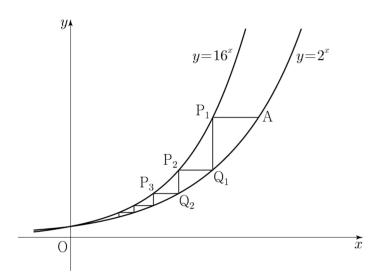
점 Q_1 을 지나며 x축과 평행한 직선이 곡선 $y=16^x$ 과 만나는 점을 P_2 라 하고, 점 P_2 를 지나며 y축과 평행한 직선이 곡선 $y=2^x$ 과 만나는 점을 Q_2 라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 두 점을 각각 P_n , Q_n 이라 하고 점 Q_n 의 x좌표를 x_n 이라 할 때,

 $x_n < \frac{1}{k}$ 을 만족시키는 n의 최솟값이 6이 되도록 하는 자연수 k의 개수는? [4점]

① 48

- ② 51
- ③ 54 ④ 57
- ⑤ 60



14. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 f(x)와 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 g(x)가

$$g(x) = \begin{cases} -\int_0^x f(t) dt & (x < 0) \\ \int_0^x f(t) dt & (x \ge 0) \end{cases}$$

을 만족시킬 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

----<보 기>--

- $\neg . f(0) = 0$
- ㄴ. 함수 f(x)는 극댓값을 갖는다.
- \Box . 2 < f(1) < 4 일 때, 방정식 <math>f(x) = x의 서로 다른 실근의 개수는 3이다.
- ① ¬
- ② ⊏
- ③ ¬, ∟

- ④ ¬, ⊏ ⑤ ¬, ∟, ⊏

 ${f 15.}$ 자연수 k에 대하여 다음 조건을 만족시키는 수열 $\{a_n\}$ 이 있다.

 $a_1 = 0$ 이고, 모든 자연수 n에 대하여 $a_{n+1} = \begin{cases} a_n + \frac{1}{k+1} & (a_n \le 0) \\ \\ a_n - \frac{1}{k} & (a_n > 0) \end{cases}$ 이다.

 $a_{22}=0$ 이 되도록 하는 모든 k의 값의 합은? [4점]

- ① 12 ② 14 ③ 16 ④ 18 ⑤ 20

단답형

16. 방정식 $\log_2(x+2) + \log_2(x-2) = 5$ 를 만족시키는 실수 x의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수 f(x)에 대하여 $f'(x) = 8x^3 + 6x^2$ 이고 f(0) = -1일 때, f(-2)의 값을 구하시오. [3점]

- 18. $\sum_{k=1}^{10} (4k+a) = 250$ 일 때, 상수 a의 값을 구하시오. [3점]
- **20.** 최고차항의 계수가 2인 이차함수 f(x)에 대하여 함수 $g(x) = \int_x^{x+1} |f(t)| dt$ 는 x=1과 x=4에서 극소이다. f(0)의 값을 구하시오. [4점]

19. 함수 f(x) = x⁴ + ax² + b 는 x = 1 에서 극소이다.
함수 f(x) 의 극댓값이 4일 때, a+b의 값을 구하시오.
(단, a와 b는 상수이다.) [3점]

21. 자연수 n에 대하여 $4\log_{64}\left(\frac{3}{4n+16}\right)$ 의 값이 정수가 되도록 하는 1000 이하의 모든 n의 값의 합을 구하시오. [4점]

22. 두 양수 a, b(b>3)과 최고차항의 계수가 1인 이차함수 f(x)에 대하여 함수

$$g(x) = \begin{cases} (x+3)f(x) & (x<0) \\ (x+a)f(x-b) & (x \ge 0) \end{cases}$$

이 실수 전체의 집합에서 연속이고 다음 조건을 만족시킬 때, g(4)의 값을 구하시오. [4점]

$$\lim_{x \to -3} \frac{\sqrt{|g(x)| + \{g(t)\}^2} - |g(t)|}{(x+3)^2}$$
의 값이 존재하지 않는

실수 t의 값은 -3과 6뿐이다.

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

- **23.** $\lim_{n\to\infty} \frac{1}{\sqrt{n^2+3n}-\sqrt{n^2+n}}$ 의 값은? [2점]

 - ① 1 ② $\frac{3}{2}$ ③ 2 ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ 3

- **24.** 곡선 $x^2 y \ln x + x = e$ 위의 점 $\left(e, e^2\right)$ 에서의 접선의 기울기는? [3점]

- ① e+1 ② e+2 ③ e+3 ④ 2e+1 ⑤ 2e+2

25. 함수 $f(x) = x^3 + 2x + 3$ 의 역함수를 g(x)라 할 때, g'(3)의 값은? [3점]

- 1

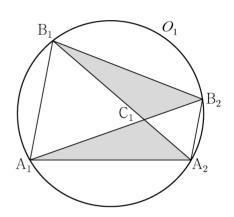
- $2\frac{1}{2}$ $3\frac{1}{3}$ $4\frac{1}{4}$ $5\frac{1}{5}$

26. 그림과 같이 $\overline{A_1B_1} = 2$, $\overline{B_1A_2} = 3$ 이고 $\angle A_1B_1A_2 = \frac{\pi}{3}$ 인 삼각형 $A_1A_2B_1$ 과 이 삼각형의 외접원 O_1 이 있다.

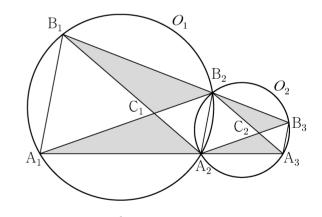
점 A_9 를 지나고 직선 A_1B_1 에 평행한 직선이 원 O_1 과 만나는 점 중 A₂가 아닌 점을 B₂라 하자. 두 선분 A₁B₂, B₁A₂가 만나는 점을 C_1 이라 할 때, 두 삼각형 $A_1A_2C_1$, $B_1C_1B_2$ 로 만들어진 \nearrow 모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을 R_1 이라 하자. 그림 R_1 에서 점 B_2 를 지나고 직선 B_1A_2 에 평행한 직선이 직선 A_1A_2 와 만나는 점을 A_3 이라 할 때, 삼각형 $A_2A_3B_2$ 의 외접원을 O_2 라 하자. 그림 R_1 을 얻은 것과 같은 방법으로 두 점 B_3 , C_2 를 잡아 원 O_2 에 \triangleright 모양의 도형을 그리고 색칠하여 얻은 그림을 R_2 라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림 R_n 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를 S_n 이라 할 때, $\lim S_n$ 의 값은? [3점]

 R_1



 R_2



- ① $\frac{11\sqrt{3}}{9}$ ② $\frac{4\sqrt{3}}{3}$ ③ $\frac{13\sqrt{3}}{9}$

27. 첫째항이 4인 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 급수

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{a_n}{n} - \frac{3n+7}{n+2} \right)$$

- 이 실수 S에 수렴할 때, S의 값은? [3점]
- ① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ $\frac{3}{2}$ ④ 2 ⑤ $\frac{5}{2}$

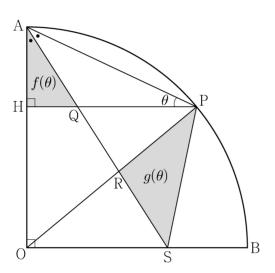
- **28.** 최고차항의 계수가 $\frac{1}{2}$ 인 삼차함수 f(x)에 대하여 함수 g(x)가

$$g(x) = \begin{cases} \ln|f(x)| & (f(x) \neq 0) \\ 1 & (f(x) = 0) \end{cases}$$

- 이고 다음 조건을 만족시킬 때, 함수 g(x)의 극솟값은? [4점]
 - (가) 함수 g(x)는 $x \neq 1$ 인 모든 실수 x에서 연속이다.
 - (나) 함수 g(x)는 x=2에서 극대이고, 함수 |g(x)|는 x=2에서 극소이다.
 - (다) 방정식 g(x) = 0의 서로 다른 실근의 개수는 3이다.
- ① $\ln \frac{13}{27}$ ② $\ln \frac{16}{27}$ ③ $\ln \frac{19}{27}$ ④ $\ln \frac{22}{27}$ ⑤ $\ln \frac{25}{27}$

단답형

29. 그림과 같이 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가 $\frac{\pi}{2}$ 인부채꼴 OAB가 있다. 호 AB 위의 점 P에서 선분 OA에 내린수선의 발을 H라 하고, \angle OAP를 이등분하는 직선과 세 선분 HP, OP, OB의 교점을 각각 Q, R, S라 하자. \angle APH = θ 일 때, 삼각형 AQH의 넓이를 $f(\theta)$, 삼각형 PSR의 넓이를 $g(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \to 0+} \frac{\theta^3 \times g(\theta)}{f(\theta)} = k$ 일 때, 100k의 값을 구하시오. (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$)



30. 양수 a에 대하여 함수 f(x)는

$$f(x) = \frac{x^2 - ax}{e^x}$$

이다. 실수 t에 대하여 x에 대한 방정식

$$f(x) = f'(t)(x-t) + f(t)$$

의 서로 다른 실근의 개수를 g(t)라 하자.

 $g(5) + \lim_{t \to 5} g(t) = 5$ 일 때, $\lim_{t \to k-} g(t) \neq \lim_{t \to k+} g(t)$ 를 만족시키는 모든 실수 k의 값의 합은 $\frac{q}{p}$ 이다. p + q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역

5지선다형

- 1. $\left(\frac{2^{\sqrt{3}}}{2}\right)^{\sqrt{3}+1}$ 의 값은? [2점]
 - ① $\frac{1}{16}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ 1 ④ 4 ⑤ 16

- **2.** 함수 $f(x) = 2x^2 + 5$ 에 대하여 $\lim_{x \to 2} \frac{f(x) f(2)}{x 2}$ 의 값은? [2점]
 - ① 8

- ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

- 3. $\sin(\pi \theta) = \frac{5}{13}$ 이고 $\cos \theta < 0$ 일 때, $\tan \theta$ 의 값은? [3점]

4. 함수

$$f(x) = \begin{cases} -2x + a & (x \le a) \\ ax - 6 & (x > a) \end{cases}$$

가 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 모든 상수 a의 값의 합은? [3점]

- $\bigcirc 1 1$ $\bigcirc 2 2$ $\bigcirc 3 3$ $\bigcirc 4 4$ $\bigcirc 5 5$

 $\mathbf{5}$. 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_1 = 2a_5$$
, $a_8 + a_{12} = -6$

일 때, a_2 의 값은? [3점]

- ① 17 ② 19 ③ 21 ④ 23
- **⑤** 25

- **6.** 함수 $f(x) = x^3 3x^2 + k$ 의 극댓값이 9일 때, 함수 f(x)의 극솟값은? (단, k는 상수이다.) [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

7. 수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제n항까지의 합을 S_n 이라 하자.

$$S_n = \frac{1}{n(n+1)}$$
일 때, $\sum_{k=1}^{10} (S_k - a_k)$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{3}{5}$ ③ $\frac{7}{10}$ ④ $\frac{4}{5}$ ⑤ $\frac{9}{10}$

- **8.** 곡선 $y=x^3-4x+5$ 위의 점 (1,2)에서의 접선이 곡선 $y = x^4 + 3x + a$ 에 접할 때, 상수 a의 값은? [3점]
 - \bigcirc 6
- ② 7 ③ 8
- **4** 9
- (5) 10

9. 닫힌구간 [0, 12] 에서 정의된 두 함수

$$f(x) = \cos \frac{\pi x}{6}$$
, $g(x) = -3\cos \frac{\pi x}{6} - 1$

이 있다. 곡선 y=f(x)와 직선 y=k가 만나는 두 점의 x좌표를 α_1 , α_2 라 할 때, $|\alpha_1 - \alpha_2| = 8$ 이다. 곡선 y = g(x)와 직선 y=k가 만나는 두 점의 x좌표를 β_1 , β_2 라 할 때, $|\beta_1 - \beta_2|$ 의 값은? (단, k는 -1 < k < 1인 상수이다.) [4점]

- ① 3
- $2\frac{7}{2}$ 3 4 4 $\frac{9}{2}$ 5 5

10. 수직선 위의 점 A(6)과 시각 t=0일 때 원점을 출발하여 이 수직선 위를 움직이는 점 P가 있다. 시각 $t(t \ge 0)$ 에서의 점 P의 속도 v(t)를

$$v(t) = 3t^2 + at \quad (a > 0)$$

이라 하자. 시각 t=2에서 점 P와 점 A 사이의 거리가 10일 때, 상수 a의 값은? [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

11. 함수 $f(x) = -(x-2)^2 + k$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 자연수 n의 개수가 2일 때, 상수 k의 값은? [4점]

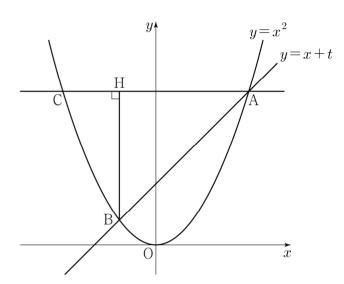
 $\sqrt{3}^{f(n)}$ 의 네제곱근 중 실수인 것을 모두 곱한 값이 -9이다.

- ① 8

- ② 9 ③ 10 ④ 11
- ⑤ 12
- 12. 실수 t(t>0)에 대하여 직선 y=x+t와 곡선 $y=x^2$ 이 만나는 두 점을 A, B라 하자. 점 A를 지나고 x축에 평행한 직선이 곡선 $y=x^2$ 과 만나는 점 중 A가 아닌 점을 C, 점 B에서 선분 AC에 내린 수선의 발을 H라 하자.

 $\lim_{t\to 0+} \frac{\overline{\mathrm{AH}}-\overline{\mathrm{CH}}}{t}$ 의 값은? (단, 점 A의 x좌표는 양수이다.) [4점]

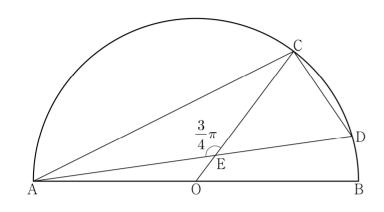
- 1
- 2 2
- 3 3 4 4 5 5



13. 그림과 같이 선분 AB를 지름으로 하는 반원의 호 AB 위에 두 점 C, D가 있다. 선분 AB의 중점 O에 대하여 두 선분 AD, CO가 점 E에서 만나고,

 $\overline{\text{CE}} = 4$, $\overline{\text{ED}} = 3\sqrt{2}$, $\angle \text{CEA} = \frac{3}{4}\pi$

이다. $\overline{AC} \times \overline{CD}$ 의 값은? [4점]



- ① $6\sqrt{10}$
- ② $10\sqrt{5}$
- ③ $16\sqrt{2}$

- $4) 12\sqrt{5}$
- ⑤ $20\sqrt{2}$

14. 최고차항의 계수가 1이고 f(0)=0, f(1)=0인 삼차함수 f(x)에 대하여 함수 g(t)를

$$g(t) = \int_{t}^{t+1} f(x) dx - \int_{0}^{1} |f(x)| dx$$

라 할 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

- ㄱ. g(0) = 0이면 g(-1) < 0이다.
- ㄴ. g(-1) > 0이면 f(k) = 0을 만족시키는 k < -1인 실수 k가 존재한다.
- □. g(-1) > 1 이면 g(0) < -1 이다.</p>
- ① ¬
- ② 7, L ③ 7, ⊏

15. 수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 모든 자연수 k에 대하여 $a_{4k}=r^k$ 이다. (단, r는 0<|r|<1인 상수이다.)
- (나) $a_1 < 0$ 이고, 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} a_n + 3 & \left(\left| a_n \right| < 5 \right) \\ \\ -\frac{1}{2} a_n & \left(\left| a_n \right| \ge 5 \right) \end{cases}$$

이다.

 $\left|a_{m}\right| \geq 5$ 를 만족시키는 100 이하의 자연수 m의 개수를 p라 할 때, $p+a_1$ 의 값은? [4점]

- ① 8 ② 10 ③ 12 ④ 14 ⑤ 16

단답형

16. 방정식 $\log_3(x-4) = \log_9(x+2)$ 를 만족시키는 실수 x의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수 f(x)에 대하여 $f'(x) = 6x^2 - 4x + 3$ 이고 f(1) = 5일 때, f(2)의 값을 구하시오. [3점]

18. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $\sum_{k=1}^5 a_k = 10$ 일 때,

$$\sum_{k=1}^{5} c a_k = 65 + \sum_{k=1}^{5} c$$

를 만족시키는 상수 c의 값을 구하시오. [3점]

19. 방정식 $3x^4 - 4x^3 - 12x^2 + k = 0$ 이 서로 다른 4개의 실근을 갖도록 하는 자연수 k의 개수를 구하시오. [3점]

20. 상수 k(k<0)에 대하여 두 함수

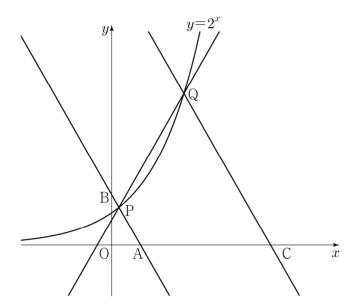
$$f(x) = x^3 + x^2 - x$$
, $g(x) = 4|x| + k$

의 그래프가 만나는 점의 개수가 2일 때, 두 함수의 그래프로 둘러싸인 부분의 넓이를 S라 하자. $30 \times S$ 의 값을 구하시오. [4점]

21. 그림과 같이 곡선 $y=2^x$ 위에 두 점 $P(a,2^a)$, $Q(b,2^b)$ 이 있다. 직선 PQ의 기울기를 m이라 할 때, 점 P를 지나며 기울기가 -m인 직선이 x축, y축과 만나는 점을 각각 A, B라 하고, 점 Q를 지나며 기울기가 -m인 직선이 x축과 만나는 점을 C라 하자.

$$\overline{AB} = 4\overline{PB}$$
, $\overline{CQ} = 3\overline{AB}$

일 때, $90 \times (a+b)$ 의 값을 구하시오. (단, 0 < a < b) [4점]



22. 최고차항의 계수가 1이고 x=3에서 극댓값 8을 갖는 삼차함수 f(x)가 있다. 실수 t에 대하여 함수 g(x)를

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & (x \ge t) \\ -f(x) + 2f(t) & (x < t) \end{cases}$$

라 할 때, 방정식 g(x) = 0의 서로 다른 실근의 개수를 h(t)라 하자. 함수 h(t)가 t = a에서 불연속인 a의 값이 두 개일 때, f(8)의 값을 구하시오. [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

23. $\lim_{x\to 0} \frac{4^x-2^x}{x}$ 의 값은? [2점]

- ① $\ln 2$ ② 1 ③ $2 \ln 2$ ④ 2 ⑤ $3 \ln 2$

24. $\int_0^{\pi} x \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) dx$ 의 값은? [3점]

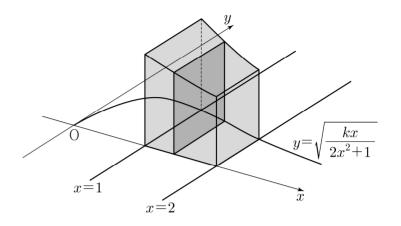
- ① $\frac{\pi}{2}$ ② π ③ $\frac{3\pi}{2}$ ④ 2π ⑤ $\frac{5\pi}{2}$

25. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $\lim_{n\to\infty} \frac{a_n+2}{2}=6$ 일 때,

 $\lim_{n\to\infty} \frac{na_n+1}{a_n+2n}$ 의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4
- ⑤ 5
- **26.** 그림과 같이 양수 k에 대하여 곡선 $y = \sqrt{\frac{kx}{2x^2 + 1}}$ 와

x축 및 두 직선 x=1, x=2로 둘러싸인 부분을 밑면으로 하고 x축에 수직인 평면으로 자른 단면이 모두 정사각형인 입체도형의 부피가 $2 \ln 3$ 일 때, k의 값은? [3점]



- ① 6
- 2 7
- 3 8
- **4** 9
- ⑤ 10

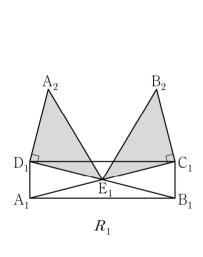
27. 그림과 같이 $\overline{A_1B_1}=4$, $\overline{A_1D_1}=1$ 인 직사각형 $A_1B_1C_1D_1$ 에서 두 대각선의 교점을 E_1 이라 하자.

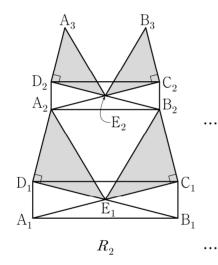
 $\overline{A_2D_1} = \overline{D_1E_1}$, $\angle A_2D_1E_1 = \frac{\pi}{2}$ 이고 선분 D_1C_1 과 선분 A_2E_1 이

만나도록 점 A_2 를 잡고, $\overline{B_2C_1}=\overline{C_1E_1}$, $\angle B_2C_1E_1=\frac{\pi}{2}$ 이고 선분 D_1C_1 과 선분 B_2E_1 이 만나도록 점 B_2 를 잡는다. 두 삼각형 A₂D₁E₁, B₂C₁E₁을 그린 후 △ 모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을 R_1 이라 하자.

그림 R_1 에서 $\overline{A_2B_2}$: $\overline{A_2D_2}$ = 4:1이고 선분 D_2C_2 가 두 선분 A₂E₁, B₂E₁과 만나지 않도록 직사각형 A₂B₂C₂D₃를 그린다. 그림 R_1 을 얻은 것과 같은 방법으로 세 점 E_2 , A_3 , B_3 을 잡고 두 삼각형 A₃D₂E₂, B₃C₂E₂를 그린 후 ₩ 모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을 R_2 라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림 R_n 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를 S_n 이라 할 때, $\lim S_n$ 의 값은? [3점]



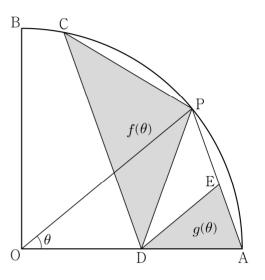


- $\frac{68}{7}$
- $4 \frac{17}{2}$ $5 \frac{68}{9}$

28. 그림과 같이 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가 $\frac{\pi}{2}$ 인

부채꼴 OAB가 있다. 호 AB 위의 점 P에 대하여 $\overline{PA} = \overline{PC} = \overline{PD}$ 가 되도록 호 PB 위에 점 C와 선분 OA 위에 점 D를 잡는다. 점 D를 지나고 선분 OP와 평행한 직선이 선분 PA와 만나는 점을 E라 하자. ∠POA = θ일 때, 삼각형 CDP의 넓이를 $f(\theta)$, 삼각형 EDA의 넓이를 $g(\theta)$ 라 하자.

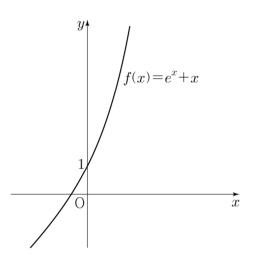
 $\lim_{\theta \to 0+} \frac{g(\theta)}{\theta^2 \times f(\theta)}$ 의 값은? (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$) [4점]



- ① $\frac{1}{8}$
- $2\frac{1}{4}$ $3\frac{3}{8}$
- $4 \frac{1}{2}$ $5 \frac{5}{8}$

단답형

29. 함수 $f(x) = e^x + x$ 가 있다. 양수 t에 대하여 점 (t,0)과 점 (x, f(x)) 사이의 거리가 x = s에서 최소일 때, 실수 f(s)의 값을 g(t)라 하자. 함수 g(t)의 역함수를 h(t)라 할 때, h'(1)의 값을 구하시오. [4점]



- **30.** 최고차항의 계수가 1인 사차함수 f(x)와 구간 $(0, \infty)$ 에서 $g(x) \ge 0$ 인 함수 g(x)가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (7) $x \le -3$ 인 모든 실수 x에 대하여 $f(x) \ge f(-3)$ 이다.
 - (나) x > -3인 모든 실수 x에 대하여 $g(x+3)\{f(x)-f(0)\}^2 = f'(x)$ 이다.

$$\int_4^5 g(x) dx = \frac{q}{p}$$
일 때, $p+q$ 의 값을 구하시오. (단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.